

## Corde vibrante : réflexion - transmission

Énoncé type QC – Oral – 5/2

Deux cordes de masses linéiques  $\mu_1$  et  $\mu_2$  sont liées en  $x = 0$ . Une onde progressive sinusoïdale se déplace dans la première selon les abscisses  $x$  croissantes.

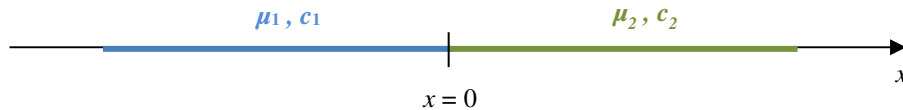
Déterminer les coefficients (complexes) de réflexion et de transmission en amplitude à la jonction des deux cordes. Commenter.

Énoncé détaillé

Une corde « infinie », confondue avec l'axe  $Ox$  au repos, est constituée de deux parties de masses linéiques différentes :

- $x < 0$  masse linéique  $\mu_1$  ;
- $x > 0$  masse linéique  $\mu_2$  .

Une onde progressive se dirige vers le point A (point de contact entre les deux cordes) en provenant de la région des  $x < 0$ .



On néglige tous les phénomènes dissipatifs, la raideur des cordes ainsi que leurs poids. La corde oscille dans le plan  $(xOy)$  vertical. Les cordes sont tendues avec la tension uniforme  $T$ .

1. Donner les formes a priori des O.P.P.H. incidente  $y_i(x, t)$ , réfléchie  $y_r(x, t)$  et transmise  $y_t(x, t)$  en fonction de la pulsation  $\omega$ , des normes des vecteurs d'onde  $k_1$  et  $k_2$  et de constantes dont on donnera la signification.
2. Ecrire les ondes complexes associées  $\underline{y}_i(x, t)$ ,  $\underline{y}_r(x, t)$  et  $\underline{y}_t(x, t)$ .
3. En déduire les expressions des ondes dans les deux milieux :  $\underline{y}_1(x, t)$  (corde 1) et  $\underline{y}_2(x, t)$  (corde 2) en notation complexe.

On définit les coefficients (complexes) de réflexion  $\underline{r}$  et de transmission  $\underline{t}$  en amplitude au point

de contact (ici  $x_0 = 0$ ) des deux cordes par :  $\underline{r} = \frac{\underline{y}_r(x = x_0, t)}{\underline{y}_i(x = x_0, t)}$  et  $\underline{t} = \frac{\underline{y}_t(x = x_0, t)}{\underline{y}_i(x = x_0, t)}$ .

4. Exprimer ces coefficients en fonction des amplitudes complexes des ondes.
5. Écrire une relation entre les amplitudes complexes  $\underline{y}_1$  et  $\underline{y}_2$  **au point de contact** A entre les deux cordes puis en déduire une relation entre  $\underline{r}$  et  $\underline{t}$ .
6. Ecrire la 2<sup>ème</sup> loi de Newton au point géométrique A (i.e. sans masse). En déduire une relation entre les dérivées spatiales de  $\underline{y}_1$  et  $\underline{y}_2$  **au point de contact** puis en déduire une autre relation entre  $\underline{r}$ ,  $\underline{t}$  et les normes des vecteurs d'onde.
7. Déduire des questions précédentes les coefficients  $\underline{r}$  et  $\underline{t}$  en fonction des masses linéiques.
8. Commenter (envisager les cas limites).

[Vidéo réflexion/transmission](#) (ondes transversales sur des ressorts).



## Corde vibrante : réflexion - transmission

Énoncé type QC – Oral – 5/2

Deux cordes de masses linéiques  $\mu_1$  et  $\mu_2$  sont liées en  $x = 0$ . Une onde progressive sinusoïdale se déplace dans la première selon les abscisses  $x$  croissantes.

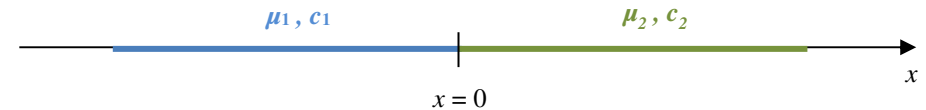
Déterminer les coefficients (complexes) de réflexion et de transmission en amplitude à la jonction des deux cordes. Commenter.

Énoncé détaillé

Une corde « infinie », confondue avec l'axe  $Ox$  au repos, est constituée de deux parties de masses linéiques différentes :

- $x < 0$  masse linéique  $\mu_1$  ;
- $x > 0$  masse linéique  $\mu_2$  .

Une onde progressive se dirige vers le point A (point de contact entre les deux cordes) en provenant de la région des  $x < 0$ .



On néglige tous les phénomènes dissipatifs, la raideur des cordes ainsi que leurs poids. La corde oscille dans le plan  $(xOy)$  vertical. Les cordes sont tendues avec la tension uniforme  $T$ .

1. Donner les formes a priori des O.P.P.H. incidente  $y_i(x, t)$ , réfléchie  $y_r(x, t)$  et transmise  $y_t(x, t)$  en fonction de la pulsation  $\omega$ , des normes des vecteurs d'onde  $k_1$  et  $k_2$  et de constantes dont on donnera la signification.
2. Ecrire les ondes complexes associées  $\underline{y}_i(x, t)$ ,  $\underline{y}_r(x, t)$  et  $\underline{y}_t(x, t)$ .
3. En déduire les expressions des ondes dans les deux milieux :  $\underline{y}_1(x, t)$  (corde 1) et  $\underline{y}_2(x, t)$  (corde 2) en notation complexe.

On définit les coefficients (complexes) de réflexion  $\underline{r}$  et de transmission  $\underline{t}$  en amplitude au point

de contact (ici  $x_0 = 0$ ) des deux cordes par :  $\underline{r} = \frac{\underline{y}_r(x = x_0, t)}{\underline{y}_i(x = x_0, t)}$  et  $\underline{t} = \frac{\underline{y}_t(x = x_0, t)}{\underline{y}_i(x = x_0, t)}$ .

4. Exprimer ces coefficients en fonction des amplitudes complexes des ondes.
5. Écrire une relation entre les amplitudes complexes  $\underline{y}_1$  et  $\underline{y}_2$  **au point de contact** A entre les deux cordes puis en déduire une relation entre  $\underline{r}$  et  $\underline{t}$ .
6. Ecrire la 2<sup>ème</sup> loi de Newton au point géométrique A (i.e. sans masse). En déduire une relation entre les dérivées spatiales de  $\underline{y}_1$  et  $\underline{y}_2$  **au point de contact** puis en déduire une autre relation entre  $\underline{r}$ ,  $\underline{t}$  et les normes des vecteurs d'onde.
7. Déduire des questions précédentes les coefficients  $\underline{r}$  et  $\underline{t}$  en fonction des masses linéiques.
8. Commenter (envisager les cas limites).

[Vidéo réflexion/transmission](#) (ondes transversales sur des ressorts).

