

Corde vibrante : réflexion - transmission

Énoncé type QC – Oral – 5/2

Deux cordes de masses linéiques μ_1 et μ_2 sont liées en $x = 0$. Une onde progressive sinusoïdale se déplace dans la première selon les abscisses x croissantes.

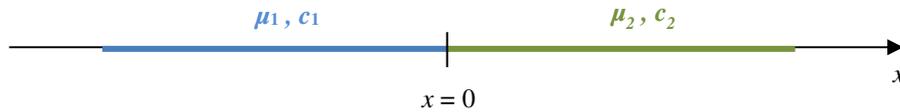
Déterminer les coefficients (complexes) de réflexion et de transmission en amplitude à la jonction des deux cordes. Commenter.

Énoncé détaillé

Une corde « infinie », confondue avec l'axe Ox au repos, est constituée de deux parties de masses linéiques différentes :

- $x < 0$ masse linéique μ_1 ;
- $x > 0$ masse linéique μ_2 .

Une onde progressive se dirige vers le point A (point de contact entre les deux cordes) en provenant de la région des $x < 0$.



On néglige tous les phénomènes dissipatifs, la raideur des cordes ainsi que leurs poids. La corde oscille dans le plan (xOy) vertical. Les cordes sont tendues avec la tension uniforme T .

1. Donner les formes a priori des O.P.P.H. incidente $y_i(x, t)$, réfléchie $y_r(x, t)$ et transmise $y_t(x, t)$ en fonction de la pulsation ω , des normes des vecteurs d'onde k_1 et k_2 et de constantes dont on donnera la signification.
2. Ecrire les ondes complexes associées $\underline{y}_i(x, t)$, $\underline{y}_r(x, t)$ et $\underline{y}_t(x, t)$.
3. En déduire les expressions des ondes dans les deux milieux : $\underline{y}_1(x, t)$ (corde 1) et $\underline{y}_2(x, t)$ (corde 2) en notation complexe.

On définit les coefficients (complexes) de réflexion \underline{r} et de transmission \underline{t} en amplitude au point

de contact (ici $x_0 = 0$) des deux cordes par : $\underline{r} = \frac{\underline{y}_r(x = x_0, t)}{\underline{y}_i(x = x_0, t)}$ et $\underline{t} = \frac{\underline{y}_t(x = x_0, t)}{\underline{y}_i(x = x_0, t)}$.

4. Exprimer ces coefficients en fonction des amplitudes complexes des ondes.
5. Écrire une relation entre les amplitudes complexes \underline{y}_1 et \underline{y}_2 **au point de contact** A entre les deux cordes puis en déduire une relation entre \underline{r} et \underline{t} .
6. Ecrire la 2^{ème} loi de Newton au point géométrique A (i.e. sans masse). En déduire une relation entre les dérivées spatiales de \underline{y}_1 et \underline{y}_2 **au point de contact** puis en déduire une autre relation entre \underline{r} , \underline{t} et les normes des vecteurs d'onde.
7. Déduire des questions précédentes les coefficients \underline{r} et \underline{t} en fonction des masses linéiques.
8. Commenter (envisager les cas limites).

[Vidéo réflexion/transmission](#) (ondes transversales sur des ressorts).



Corde vibrante : réflexion - transmission

Énoncé type QC – Oral – 5/2

Deux cordes de masses linéiques μ_1 et μ_2 sont liées en $x = 0$. Une onde progressive sinusoïdale se déplace dans la première selon les abscisses x croissantes.

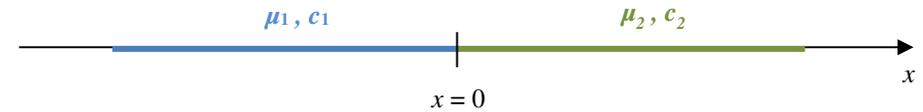
Déterminer les coefficients (complexes) de réflexion et de transmission en amplitude à la jonction des deux cordes. Commenter.

Énoncé détaillé

Une corde « infinie », confondue avec l'axe Ox au repos, est constituée de deux parties de masses linéiques différentes :

- $x < 0$ masse linéique μ_1 ;
- $x > 0$ masse linéique μ_2 .

Une onde progressive se dirige vers le point A (point de contact entre les deux cordes) en provenant de la région des $x < 0$.



On néglige tous les phénomènes dissipatifs, la raideur des cordes ainsi que leurs poids. La corde oscille dans le plan (xOy) vertical. Les cordes sont tendues avec la tension uniforme T .

1. Donner les formes a priori des O.P.P.H. incidente $y_i(x, t)$, réfléchie $y_r(x, t)$ et transmise $y_t(x, t)$ en fonction de la pulsation ω , des normes des vecteurs d'onde k_1 et k_2 et de constantes dont on donnera la signification.
2. Ecrire les ondes complexes associées $\underline{y}_i(x, t)$, $\underline{y}_r(x, t)$ et $\underline{y}_t(x, t)$.
3. En déduire les expressions des ondes dans les deux milieux : $\underline{y}_1(x, t)$ (corde 1) et $\underline{y}_2(x, t)$ (corde 2) en notation complexe.

On définit les coefficients (complexes) de réflexion \underline{r} et de transmission \underline{t} en amplitude au point

de contact (ici $x_0 = 0$) des deux cordes par : $\underline{r} = \frac{\underline{y}_r(x = x_0, t)}{\underline{y}_i(x = x_0, t)}$ et $\underline{t} = \frac{\underline{y}_t(x = x_0, t)}{\underline{y}_i(x = x_0, t)}$.

4. Exprimer ces coefficients en fonction des amplitudes complexes des ondes.
5. Écrire une relation entre les amplitudes complexes \underline{y}_1 et \underline{y}_2 **au point de contact** A entre les deux cordes puis en déduire une relation entre \underline{r} et \underline{t} .
6. Ecrire la 2^{ème} loi de Newton au point géométrique A (i.e. sans masse). En déduire une relation entre les dérivées spatiales de \underline{y}_1 et \underline{y}_2 **au point de contact** puis en déduire une autre relation entre \underline{r} , \underline{t} et les normes des vecteurs d'onde.
7. Déduire des questions précédentes les coefficients \underline{r} et \underline{t} en fonction des masses linéiques.
8. Commenter (envisager les cas limites).

[Vidéo réflexion/transmission](#) (ondes transversales sur des ressorts).

